

السؤال الأول (25 علامة): تكلم بالتفصيل عن أساليب تدعيم عملية اتخاذ القرار (نظرية بايز و نظرية المنفعة) ؟

2-5: نظرية بايز Baye's Theorem

تُعد نظرية بايز (Baye's Theorem) من الأساليب الإحصائية المهمة في دعم عملية اتخاذ القرار، والتي تعتمد على الاحتمالات اللاحقة (Posterior Probabilities)، إذ إن تدعيم عملية اتخاذ القرار بموجب هذه النظرية، يتم وفقاً للخطوات الآتية:

- 1- التقييم الأولي للبدائل المتاحة، وفقاً للمعلومات المسبقة (Prior Information) المتوفرة لدى متخذ القرار، والتي تمثل الاحتمالات الأولية (Prior Probabilities) الخاصة بحالات الطبيعة المستهدفة، وبالاعتماد على معيار القيمة المالية المتوقعة (EMV)، إذ تُعد عملية التقييم قاعدة أساسية لعملية اتخاذ القرار وإختيار البديل الأفضل، بالرغم من إن عملية التقييم تُعد غير كافية ولا تتسم بالمصدقية الكاملة.
- 2- البحث عن معلومات إضافية، تتمثل بالخبرات والاستشارات والدراسات حول البدائل، وقد تكون هذه المعلومات إيجابية (مشجعة) أو سلبية (غير مشجعة)، ويطلق على هذه المعلومات والنتائج بالاحتمالات الشرطية (Conditional Probabilities).
- 3- استخدام الاحتمالات الأولية (المسبقة) والمعلومات الإضافية (الاحتمالات الشرطية) للحصول على الاحتمالات اللاحقة (Posterior Probabilities) التي تُعد أكثر دقة ومصدقية.

تُعد نظرية المنفعة (Utility Theorem) من الأساليب الرياضية المتقدمة في عملية إتخاذ القرار، وهي من المعايير المعتمدة لحساب القيمة الكاملة للمردودات المالية، التي تأخذ بعين الاعتبار رغبة متخذ القرار حول عوامل الربح والخسارة والمجازفة في عملية إتخاذ القرارات.

ويلجأ متخذ القرار إلى إستخدام نظرية المنفعة، عندما يكون إهتمامه منصباً حول مردوداته المالية أو خسائره، التي تُعد ذات أهمية كبيرة ومتميزة على مستوى تفكيره. لقد إنتشر إستخدام نظرية المنفعة على وجه التحديد في ترشيد وتدعيم عملية إتخاذ القرارات، خاصة بشأن إتخاذ القرار حول المشاكل المتعلقة بالمراهنات واليانصيب. وتُعد هذه النظرية من الأساليب التي يمكن من خلالها تحديد سلوك متخذ القرار كأنه يكون (مجازفاً أو متحفظاً).

إن تطبيق نظرية المنفعة في تدعيم عملية إتخاذ القرارات، يتطلب بعض الإجراءات يمكن إيجازها بالآتي:

- 1- ترتيب بيانات مصفوفة القرار المتمثلة بالإيرادات (العوائد) تنازلياً.
- 2- تحديد احتمالات اللامبالاة (P_i) مسبقاً، وفقاً لرغبات متخذ القرار.
- 3- إيجاد المنفعة المتوقعة (Expected Utility - EU)، لجميع العوائد الواردة في مصفوفة القرار.
- 4- بناء مصفوفة المنافع (Utilities Matrix) المناظرة إلى مصفوفة العوائد.
- 5- إعتداد بيانات ومعلومات مصفوفة المنافع، لتحديد البديل الأفضل، بإستخدام معيار القيمة المالية المتوقعة (EMV).

السؤال الثاني (40 علامة) :

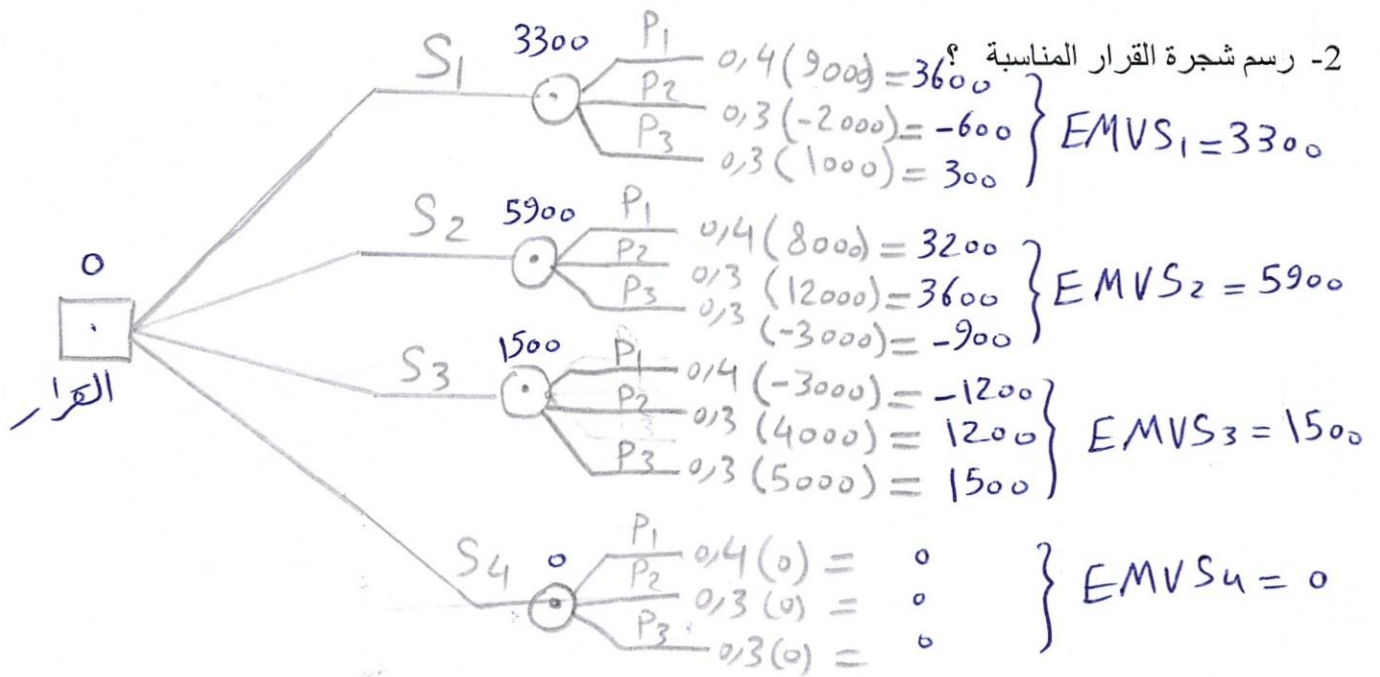
1- تحديد البديل الأفضل مستخدماً الاحتمالات الأولية باعتماد معيار القيمة المالية المتوقعة EMV؟

$$EMV S_1 = 9000(0,4) - 2000(0,3) + 1000(0,3) = 3300$$

$$EMV S_2 = 8000(0,4) + 12000(0,3) - 3000(0,3) = 5900$$

$$EMV S_3 = -3000(0,4) + 4000(0,3) + 5000(0,3) = 1500$$

$$EMV S_4 = 0(0,4) + 0(0,3) + 0(0,3) = \boxed{0} \leftarrow \text{Min أقل تكلفة}$$



3- تحديد البديل الأفضل باستخدام معيار الندم (سافاج) MinMax ؟

نوه به مصنفه الندم في حاله التكاليف

RM	P1	P2	P3	MinMax
S1	12000	0	4000	12000
S2	11000	14000	0	14000
S3	0	6000	8000	8000
S4	3000	2000	3000	3000 ← Min

S4 البديل الأفضل

4- تحديد البديل الأفضل باستخدام معيار لابلاس (معيار العقلانية) ؟

البديل	معيار العقلانية
S1	$= 9000 + (-2000) + 1000 / 3 = 2666,66$
S2	$= 8000 + 12000 + (-3000) / 3 = 5666,66$
S3	$= -3000 + 4000 + 5000 / 3 = 2000$
S4	$= 0 + 0 + 0 / 3 = 0$ ← Min البديل الأفضل S4

السؤال الثالث (35 علامة) :

يستقبل أحد المصارف طلبات للقروض بمعدل 6 طلبات بالساعة وهي تتبع توزيع بواسون و يستطيع القسم الخاص بدراسة تلك الطلبات إعطاء نتيجة الدراسة (رفض أو قبول) بمعدل عميل كل 5 دقائق و أن وقت هذه الدراسة يتبع التوزيع الأسي ؟

المطلوب : حساب

1- معدل استخدام النظام ؟

$$\lambda = 6 \text{ معدل الوصول}$$
$$\mu = 12 \text{ معدل تقديم الخدمة}$$

$$P = \frac{\text{معدل الوصول}}{\text{معدل تقديم الخدمة}} = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{6}{12} = 0,50$$

2- نسبة الوقت غير المستخدم بالنسبة لقسم دراسات طلبات القروض ؟

$$P_0 = 1 - \left(\frac{\lambda}{\mu}\right) = 1 - 0,50 = 0,50$$

3- معدل عدد العملاء في النظام ؟

$$L = \frac{\text{معدل الوصول}}{\text{معدل تقديم الخدمة} - \text{معدل الوصول}} = \frac{\lambda}{\mu - \lambda} = \frac{6}{12 - 6} = \boxed{1} \text{ عميل}$$

4- معدل عدد العملاء في الصف ؟

$$L_q = \frac{(\text{معدل الوصول})^2}{\text{معدل تقديم الخدمة} (\text{معدل تقديم الخدمة} - \text{معدل الوصول})} = \frac{\lambda^2}{\mu(\mu - \lambda)} = \frac{36}{72} = \boxed{0,5} \text{ عميل}$$

5- معدل الوقت المصروف في النظام بالدقائق ؟

$$W = \frac{1}{\text{معدل تقديم الخدمة} - \text{معدل الوصول}} = \frac{1}{\mu - \lambda} = \frac{1}{12 - 6} = 0,1666 \approx \boxed{10} \text{ دقائق}$$

6- معدل الوقت المصروف في الصف بالدقائق ؟

$$W_q = \frac{\text{معدل الوصول}}{\text{معدل تقديم الخدمة} (\text{معدل تقديم الخدمة} - \text{معدل الوصول})} = \frac{\lambda}{\mu(\mu - \lambda)} = \frac{6}{12(12 - 6)} = \frac{6}{72} = 0,0833 \approx \boxed{5} \text{ ثانية}$$

7- احتمال وجود 5 طلبات في النظام ؟

$$P_5 = \left(\frac{\lambda}{\mu}\right)^5 \cdot \left(1 - \frac{\lambda}{\mu}\right) = \left(\frac{6}{12}\right)^5 \cdot \left(1 - \frac{6}{12}\right) = 0,015625$$

انتهت الأسئلة مع التمنيات بالتوفيق والنجاح د. زكوان قريط