

البنية المثلى للوسط الحبي مع وجود مادة رابطة تطبيق على الخلطة البيتونية

الدكتور عفيف رحمة*

الملخص

تركز اهتمام الدراسات الهندسية في العقود الثلاثة الأخيرة، على تحسين مقاومة البيتون للمؤثرات الخارجية التي تسهم في تخريبه وإضعاف عمره الاستثماري. ووفق هذا الاهتمام توجهت البحوث لتطوير مواصفات البيتون وزيادة ديمومته، سمة أجمعت مجمل البحوث على علاقتها بكثافة الحصى وبنيتها الحبية.

ضمن هذا الإطار وبناء على دراسة تحليلية، عملنا على وضع نموذج رياضي لصياغة هذه البنية الحبية وفق مواصفات فيزيائية وميكانيكية محددة، كما عملنا على إدراج هذا النموذج في نظام مقارنة رقمية يساعد على صياغة البنية المثلى المتوافقة مع المواصفات المطلوبة.

اعتمدنا في عملنا على حصويات مشابهة لتلك الشائعة الاستخدام محلياً كما استخدمنا مثل هذه الحصويات في عملية التحقق من النموذج المقترح. أكدت النتائج صحة الفرضيات التي انطلقنا منها والجدوى العملية للنموذج الرياضي المقترح.

الكلمات المفتاحية: بنية حبية، نمذجة، بيتون، تقريب أمثل

* أستاذ، كلية الهندسة المدنية، جامعة دمشق

1- الهدف من البحث

هدف البحث وضع أسس علمية جديدة لتشكيل بنية الوسط الحبي المفكك بما يتفق ووظيفته والغرض من تشكيله، ونجد في المجبول البيتوني أحد أهم التطبيقات، إذ يؤدي التركيب الحبي دوراً مهماً في مرحلتيه: الحالة الرطبة والحالة الصلبة، ذلك أن للتركيب الحبي دوراً مهماً في المرحلة الرطبة التي يحكمها السلوك الهيدروليكي ومعايير التشغيل في حين يكون له الدور الأهم في تحديد مقاومة المادة بعد تصلبها.

ينقسم بحثنا بشكل عام إلى قسمين:

يعدّ هذا البحث جزءاً من دراسة شاملة تتناول التركيب الحبي والاحتياج المائي للخلطة البيتونية، وسنحاول في هذا البحث عرض رؤيتنا في تشكيل البنية الحبية وحين يكون لهذا الموضوع علاقة مع الاحتياج المائي فسيشارُ إلى ذلك بشكل موجز.

2- نظرة تاريخية

ينكون البيتون الإسمنتي من المواد الحصوية القاسية ومادة الإسمنت الرابطة التي تتصلب بعد هدرجتها لتعطي للخلطة البيتونية تماسكها وصلابتها. ومنذ ظهور هذه المادة حتى الآن محور أساس يحكم تكوين هذه الخلطة ويتلخص بعلاقة غير بسيطة نسعى من خلالها إلى تحديد نسب المواد الصلبة بحسب فنتها والمعايرة بين الإسمنت والماء بحيث تحقق شرطين اثنين: الصلابة والتشغيل.

شرطان متناقضان من حيث شروط تحقيقهما فالمقاومة تتطلب الحد الأدنى من الماء أمّا التشغيل ففائز على زيادة هذه الكمية ناهيك عن دور الحصويات الخسنة والحصويات الناعمة والعلاقة

بينهما في كلتا المرحلتين، وغيرها من الخصائص الفيزيائية والميكانيكية.

إن دخول الإضافات الكيميائية التي تساعد على إكساب هذه المادة المركبة السيولة واللزوجة اللازمة للتشغيل بالتزامن مع تخفيض كمية الماء لم يقلل من أهمية خصائص البنية الحبية المفككة التي ترتب العلاقة بين الماء والإسمنت من ناحية وكمية الإضافات الكيميائية بوظائفها المختلفة من ناحية أخرى.

ورغم وصول قناعة عدد من الباحثين إلى أن دراسة هذا الموضوع قد وصلت لحد الإشباع وأن العامل الأهم في هذا العصر هو توجيه الاهتمام نحو تحقيق الديمومة والموصفات الجيدة لمقاومة الكبريتات والكلور وممانعة التقشر والانحلال السطحي والتفحم وغيرها [1]... إلا أن مجمل الدراسات التي أجريت على هذا الموضوع أقرت بأن أحد أهم العوامل الفاعلة في تحقيق هذا الهدف هو التقليل من الفراغ والمسامات والوصول إلى أعلى حالة تراص ممكن للحصويات [2]، وهذا يعود بنا من جديد لدراسة البنية الحبية لهذا الوسط الخليط.

3- مراجعة عامة لطرائق المعتمدة في تشكيل البنية الحبية للخلطة البيتونية

تعتمد أكثر طرائق تصميم الخلطات البيتونية على الربط بين الأوزان المختلفة للحصويات حسب قياسها الاسمي d بطريقة ما يسمى منحني التحليل الحبي التراكمي، طريقة وضع أسسها فيري Férier [3] ثم وجدت شكلها النهائي بعلاقة بولومي Bolomey والتي انبثق عنها طرائق أخرى لا تختلف عنها إلا في صياغة الشكل النهائي لهذا

الخشن (فولي 12-25 ملم) والمتوسط (عدسي 6-12 ملم) من تفجير ثم تكسير متتالي للكتل الصخرية القاسية ذات البنية الكلسية المتصلبة مثل: الكالسيت Calcite الفلدسبات Feldspath، الغنايس Gneiss. أمّا الحبيبات صغيرة القياس (رمل الكسر 1-6 ملم crushed sand) فتأتي من نواتج فرز الحصى الخشنة ومن التكسير المتتالي للصخور الأقل قساوة أو الصخور الضعيفة، وهذا ما يفسر وجود مواد غضارية أو سلتية نحدد نسبتها عملياً بطريقة المكافئ الرملي. نضيف إلى هذه الفئة من الحصى رمل المزار (1ملم) Natural Sand أو Dune Sand المتوافر في حقول من المواد الرملية الرسوبية الناعمة التي يغلب السيليس على بنيتها الفلزية.

بالطبع عند دراستنا للبنية العامة للخلطة البيتونية لن نغفل اختلاف خصائص حبيبات الإسمنت التي تصنف في بعض الدراسات من المواد الصلبة الداخلة في التركيب الحصى قبل مرحلة الهدرجة. إن الاختلاف في الكثافة النوعية لهذه المواد الصلبة يجعلنا عند محاولتنا الوصول إلى أعلى كثافة ممكنة للحصى نخطئ في تقديرنا لمساهمتها الحجمية الحقيقية في إملء الفراغ وعلى هذا الخطأ في التقدير نقلل من مساهمة الإشغال الحجمي للرمل ورمل المزار بنحو 4-5% ونبالغ بمساهمة الإسمنت بنحو 12-13% حجماً.

نبين هذا الخطأ في التقدير تخطيطياً في الشكل 1 حيث نظهر التباين بين منحنى التركيب الحبي الوزني ومنحنى التركيب الحجمي للمواد الحصى المبين مواصفاتها في الجدول 1.

المنحني [4] وعلى هذا المبدأ تتفق المواصفات الفرنسية AFNOR والمواصفة الأميركية ASTM و [5, 6, 7, 8, 9] ACI أمّا طريقة تقييم جودة التراكيب الحبية للحصويات فتتم وفق ما عرفه إدواردز Edwards [11] بمعامل النعومة Finesse Modulus الذي يحسب من مساحة السطح المحصور فوق منحنى التحليل الحبي التراكمي في المستوي نصف اللوغاريتمي.

4- عيوب الطرائق المتبعة

يشوب هذه الطرائق مجموعة من العيوب منها الشكلية ومنها البنوية، فمن ناحية الشكل كان مأخذنا الأول في أن هذه الطرائق تعتمد في بناء الخلطة البيتونية على المنهج الوصفي التخطيطي، طرائق مستحيلة الاستخدام في النظم الرقمية للحساب ونظم الإنتاج الحديثة التي تعتمد الأجهزة الرقمية في التوزين والإنتاج، ناهيك عن الوسائل الرقمية في مراقبة الجودة.

أمّا المأخذ الثاني فيتلخص في تقييم النتائج وسلامة التكوين الحبي للمواد الصلبة واعتماده على ما يسمى بالحزم المسموحة للحصويات، مما يعني القبول نسبياً بعشوائية المعطيات.

أما الجوانب البنوية فنعرضها فيما يأتي:

4-1- التركيب الحبي الوزني التراكمي

تعتمد هذه الطريقة على الكثافة النوعية وتفترض أنها واحدة لجميع الحبيبات، فرضية تخالف الواقع إذ نجد أنها تختلف من فئة إلى أخرى لاختلاف مصادرها أو اختلاف طبيعتها.

محلياً، نحصل عادة على الحبيبات ذات القياس

ممكنة للحصويات الصلبة ضمن شروط التصميم والتشغيل المطلوبة ووفق هذا المنظور أجرينا مراجعة جذرية لمساهمة كل فئة من الحصويات في إشغال الفراغ الحجمي للخلطة البيتونية.

استخدمنا في مراجعتنا هذه فئات أربعاً من الحصويات مطابقة بمواصفاتها لتلك الشائعة الاستخدام محلياً أجرينا تحديد خصائصها الفيزيائية والميكانيكية وفق طرائق القياس المرجعية المعتمدة من قبل المعهد الأميركي للبيتون ACI. جعلنا هدف الاختبار إشغال واحدة الحجم (1000 لتر) بأعلى كثافة حجمية ممكنة من الحصويات ثم استكمال مل الفراغ بالإسمنت ومن ثم بالماء.

ووفق ما هو مبين في الجدول فقد تم إملاء الفراغ بالحصويات بعملية تسلسلية بدءاً من الحصويات الخشنة ثم المتوسطة فرمل الكسر فالرمل الطبيعي فالإسمنت فالماء، معتبرين أن حجم الإملاء مرتبط بشكل توزيع الحصويات فيما بينها ومدى إشغالها للفراغ وهو ما يمكن تمثيله وزنياً بالوزن الحجمي الظاهر المرتبط بشكل الحبيبات وحجمها والعوامل الفيزيائية المؤثرة في ترتيب الحبيبات وتطبيقها على بعضها بعضاً.

بهذه الخطوات وصلنا إلى الكثافة الحجمية القصوى للحصويات بحسب أهميتها في توفير مقاومة عالية للبيتون مع افتراض أنه في كل خطوة تستطيع فئة الحبيبات الأصغر الحلول في الفراغ المتشكل بعد استقرار الحصويات الكبرى. ونلاحظ من الجدول (1) أن المادة الصلبة تشغل (نظرياً) نحو 95% من حجم الفراغ الكلي أما الإسمنت والماء فيشغلان نحو 5% فقط.

في هذا التكوين توزعت الحصويات بنسبة 78%

إن هذه المشكلة تصبح بالغة الأهمية عندما نسعى للحصول على بيتون ذي مقاومة عالية باستخدام حصويات قاسية وكثافة وزنية عالية مثل حجر الجابرو Gabro أو مثيلاته من الصخور وباستخدام الخبث الصناعي في البيتون الثقيل أو الخفيف مثل الفلين والخفان والستيريوبور والغضار المعالج حرارياً عند سعينا لصناعة البيتون الخفيف.

4-2- معيار النعومة

استخدم هذا المعيار في تصميم الخلطات البيتونية وحساب نسب الحصويات إلى بعضها بعضاً [12] كما استخدم في تقييم جودة الحصويات قبل التركيب وبعده مقارنة بقيم مرجعية حددت من قبل جمعية ASTM حسب القياس الاسمي الأعظم للحصويات ونجد على سبيل المثال قيمة 5-5.2 لحصويات الخلطة البيتونية ذات القياس الاسمي الأعظم 25 ملم، و 2.1-2.2 لرمول الكسر....إلخ.

المشكلة القائمة في هذا المعيار هي في دقة تعبيره عن طبيعة البنية الحبيبية ومن خلال الشكل (2) نجد أنه يمكن الوصول إلى قيمة واحدة لبنى حبيبية مختلفة (المنحنى المستمر A والمنحنى الثنائي المنقطع B).

سبب آخر للشك بجدوى هذا المعيار هو أن تعديلاً بسيطاً في نسب الحصويات الخشنة يمكن أن يغطي الزيادة الكبيرة في نسب الحصويات الناعمة (المنحنى C) تاركاً وفق القيم المرجعية المقترحة الانطباع بجودة عالية للحصويات.

5- البحث عن معايير جديدة لتشكيل البنية الحبيبية

إن الهدف الرئيس في دراستنا للبنية الحبيبية المفككة للخلطة البيتونية هي الوصول إلى أعلى كثافة

استخلصنا من هذه العملية ما يأتي:

- للوصول إلى خلطة ذات قابلية تشغيل جيدة يجب أن تشكل الحصىات الخشنة نسبة قريبة من 50% من الحجم العام للحصىات وهذا ما يتفق مع توصيات ACI.

- إن طريقة البناء الحجمي لحصىات الخلطة المنطلقة من مبدأ الكثافة الحجمية القصوى للحصىات ممكنة ضمن شروطها النسبية.

- يمكن تطوير هذه النتيجة ووضع نموذج رياضي حجمي لبناء التركيب الحبي للخلطة البيتونية بدلاً من التركيب الوزني وهي الخطوة الأهم لتلافي العيوب التي ذكرت فيما سبق ولمعالجة تصميم الخلطات التي تعتمد على مواد خفيفة لا تتمتع بالكثافة النوعية والكتلة الحجمية ذاتها.

6- تمثيل منحنى التركيب الحبي الحجمي

اعتماداً على دراسة تحليلية لمختلف التصورات التي عرضناها فيما سبق وباعتماد التركيب الحبي الحجمي التراكمي استطعنا أن نضع معادلة قوة تمثل رياضياً هذه البنية، وتأخذ الشكل :

$$P\% = F \cdot d^{-3} \quad (1)$$

إذ F و g كما هو مبين في الشكل 3 مترابطان بعلاقة من نوع

$$g = R \cdot F^{\frac{2}{3}} \quad (2)$$

علماً بأن:

$P\%$ النسبة المئوية الحجمية التراكمية للحصىات المارة من المهرز d

للحصىات الخشنة والمتوسطة ($\#4 <$) و 22% للحصىات الناعمة ($\#4 >$). أمّا الوزن الحجمي الكلي للخلطة فكان مساوياً 2716 Kg/m^3 مع $W/C=28/62=0.45$ مع الإشارة إلى أننا أهملنا في هذه الخوارزمية للبنية الفرضية للمواد البيتون وجود الهواء الحتمي في الخلطة الذي يتراوح عادة بين 2 و 6% من الحجم الكلي حسب ما ورد في [7,8].

5-1- تقييم الخلطة ومنحنى التحليل الحبي الحجمي

تجريبياً، تميزت هذه الخلطة بالقساوة ودرجة منخفضة من التشغيل إذ لم يتجاوز هبوط مخروط ابرامز الواحد سنتيمتراً. ميكانيكياً، فسرنا هذه الظاهرة بصعوبة حركة الحصىات الخشنة والمتوسطة ودورانها وبالمساهمة الضعيفة للمواد الناعمة في تحديد قوام الخلطة.

لمعالجة هذه الظاهرة لجأنا إلى تخفيض نسبة الحصىات الخشنة والمتوسطة مما ساعد على خلق فراغ أكبر يعطي لهذه الحصىات حرية أكبر في الحركة والدوران. نفذت هذه العملية بالتعديل المتتالي لنسب الحصىات ولم تصبح النتائج مرضية إلا بعد اقتراب منحنى التحليل الحبي الحجمي من منحنى بولومي (الشكل 3). توافقت زيادة التشغيل مع تخفيض كمية الحصىات الخشنة والمتوسطة من نسبة 78% إلى 53.6% حجماً، أي بزيادة الفراغ بنسبة 30% تقريباً مع الإشارة إلى أن هذه النسب مرهونة بشكل الحصىات وتجانسها وتجانس أبعادها وخصائص سطوحها وطبيعتها رؤوسها.

بعد المتابعة الفنية والعقدية لتحسين جودة هذه الحصويات وتوافقها مع دفتر الشروط الفنية الملازم لعقد التوريد.

ضمن هذا الإطار لا بد لمهندس الجودة من أداة سليمة تساعده على استقرار العيوب الممكن حصولها عند تنفيذ الخلطات البيتونية وسعيًا لتوفيرها نضع صياغة لمعامل يسمح لنا الحكم على جودة فئات المواد الحصوية المستخدمة وجودة المركب الحبي الناتج.

تبيّن لنا من خلال التحليل الإحصائي علاقة ترابط خطي واضح بين السطح النوعي لكمية الحصويات الناعمة اصغر من 4.75 ملم (المهز #4) والاحتياج المائي ولما كان الهدف المحوري من التصميم الوصول إلى خلطة ذات نسبة دنيا من الماء الكافي لتحقيق القوام المحدد بالوصفة الفنية، عدّدنا هذا العامل أحد العوامل المدمجة في نظام التصميم الرقمي والمستخدم في تقييم جودة البنية الحبية لحصويات الخلطة البيتونية. عبرنا عن هذا العامل بالعلاقة:

$$Kcs=(\Sigma W \cdot Sa) \quad (3)$$

W الوزن النسبي لصف الحصويات الناعمة >#4 ويقدر بالكيلوغرام.

Sa (م²كغ) السطح النوعي المائي لصف الحصويات ذات الوزن W معيار سبق أن استخدم من قبل بعض المصممين [13] في تحديد النسبة بين الحصويات الناعمة والحصويات الخشنة.

يساعد هذا العامل على تقييم جودة المركب الناتج كما ويعدّ عاملاً موحهاً في عملية تعديل هذه البنية لتحقيق بنية أفضل تتوافق مع القوام المناسب للخلطة البيتونية.

F معامل يرتبط بنسبة المار من المهز #200

g معامل يرتبط بالقياس الأعظم للحصويات

R ثابت المعادلة

7 - نظام مقارنة رقمي

كما حددنا في أهداف بحثنا فقد أدمجنا هذا النموذج الرياضي في نظام متكامل للتصميم والمقارنة الرقمية لتحديد نسب الفئات الأربع للحصويات لتشكيل البنية الأمثل لحصويات الخلطة البيتونية بما يتفق والشروط الفنية التي يحددها مهندس التصميم. تضمن هذا النظام:

- 1- قاعدة علاقات رياضية.
- 2- منحنيات التحليل الحبي للفئات الأربع للحصوية المستخدمة محلياً.
- 3- مكتبة رقمية من المعطيات اللازمة لعمليات الحساب والمقارنة.
- 4- لوحة اشتراطات التصميم.
- 5- أداة رياضية للمقارنة المثلى Optimization utility بحيث نحصل على قيم التوزيع المثلى بين الحصويات الموافقة لأعلى نسبة تراص ممكن للمواد الصلبة، ضمن شروط التصميم المحددة في لوحة اشتراطات التصميم.

8 - ثوابت الجودة ومراقبة التصميم

يأخذ مهندس الجودة على عاتقه معالجة عدد من القضايا المرتبطة بمواصفات الخلطة البيتونية والتي تتطلب أحياناً عدداً من القرارات الآنية كتعديل النسب التصميمية للحصويات بسبب خلل في مواصفاتها أو تعديل كمية الماء المستخدم لتحقيق القوام المطلوب. مهمة قد لا يكون من السهل تخطيطها بسبب التزامات الإنتاج إلا أنها تتطلب فيما

9 - مثال تطبيقي

للحصىات، كما تساعده على التعامل مع المستجبات الطارئة ومع عقبات الإنتاج. أظهرت التطبيقات التي بنيناها على سلامة النموذج وفاعليته في تقديم صيغة للخلطة البيتونية أقرب للمثالية فيما لو أخذنا بالحسبان عيوب المواد الحصوية الموردة للاستخدام، كما يسهم معيار الجودة في تقييم المنتج والمواد الحصوية دون إهمال لأهمية هذا المعيار في اتخاذ قرارات فنية ومالية وعقدية.

11 - شكر

نفذت هذه الدراسة ضمن إطار مهمة البحث العلمي، ولا بدّ من تقديم الشكر لجامعة دمشق واهتمامها بتطوير جودة التعليم وأسس البحث العلمي. كما لا بدّ من تقديم الشكر لفريق GeM UMR 6183 في المدرسة المركزية للفنون والصنائع حيث تمت استضافتي وإعطائي الفرصة لإنهاء هذا البحث.

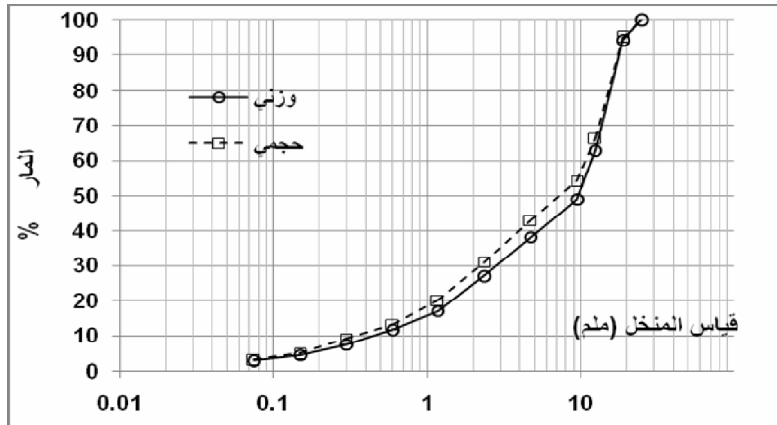
لاختبار مقترحاتنا في بناء التركيب الحبي الحجمي الأمثل للخلطة البيتونية ولتبيان قابلية استخدام ثابت الجودة ومراقبة التصميم في إطار نظام المقاربة الرقمي استخدمنا عينة من الفئات الأربع للحصىات المستخدمة في هذه الدراسة والمبين خصائصها في الجدول 1 ومنحنيات تركيبها الحبي الحجمي التراكمي في الشكل 4.

انطلقنا بعملية المقاربة الرقمية من منحنى نظري مرجعي رسم حسب العلاقة (1) من أجل نسبة 8% للحبيبات المارة من المهز #200 كانت قيمة ثابت الجودة والمراقبة لهذا المنحنى مساوية $Kcs=98$. وبتحديد ثلاثة شروط مختلفة للمقاربة توصلنا إلى ثلاث بنى مختلفة بينهاها في الشكل (5) إذ يتضح لنا أن التوزيع B هو الأقرب للمنحنى النظري المرجعي. وكان توزيع الحصويات الموافق للحلول الثلاثة المبينة في الجدول 3.

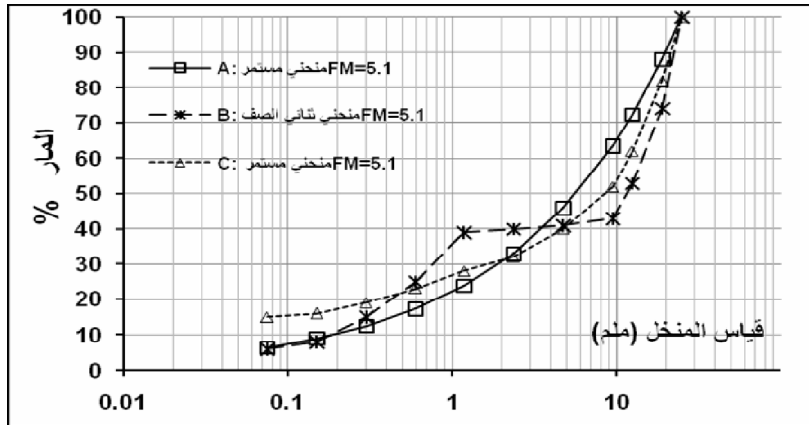
10 - الخلاصة

تؤثر التبدلات الطارئة لخصائص الحصويات الداخلة في الخلطة البيتونية في صحة نسب توزيعها وسلامة الصيغة الحبيبة التي بنيت على أساسها هذه الخلطة ومعالجة هذه التبدلات تحتاج إلى خبرة كبيرة تسمح باتخاذ الإجراءات اللازمة لمعالجة أثر هذه التبدلات خلال عملية الإنتاج.

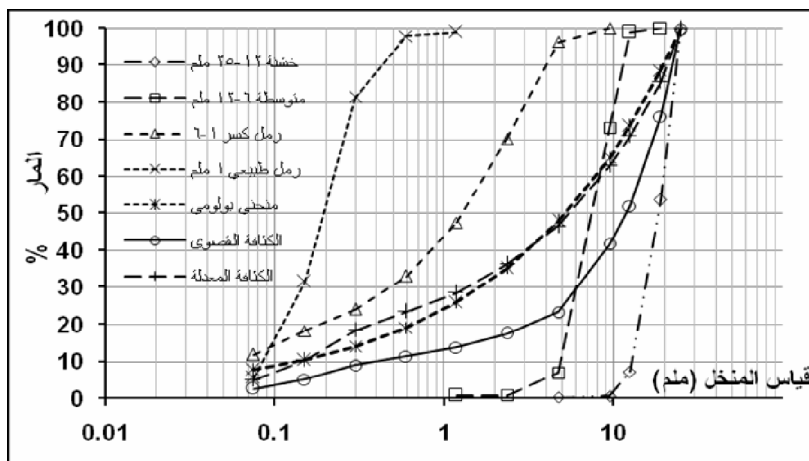
يعدّ نموذج تصميم الخلطات الذي اقترحنا صيغته أداة مهمة تساعد مهندس التصميم على وضع تركيب أمثل للخلطات البيتونية تأخذ بالحسبان صحة الخصائص الفيزيائية والميكانيكية



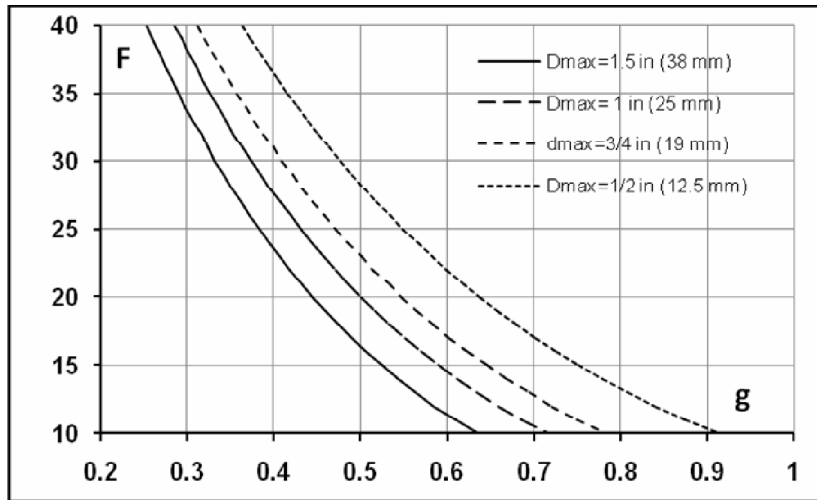
الشكل 1 - التباين بين منحنى التحليل الحبي التراكمي الوزني والحجمي



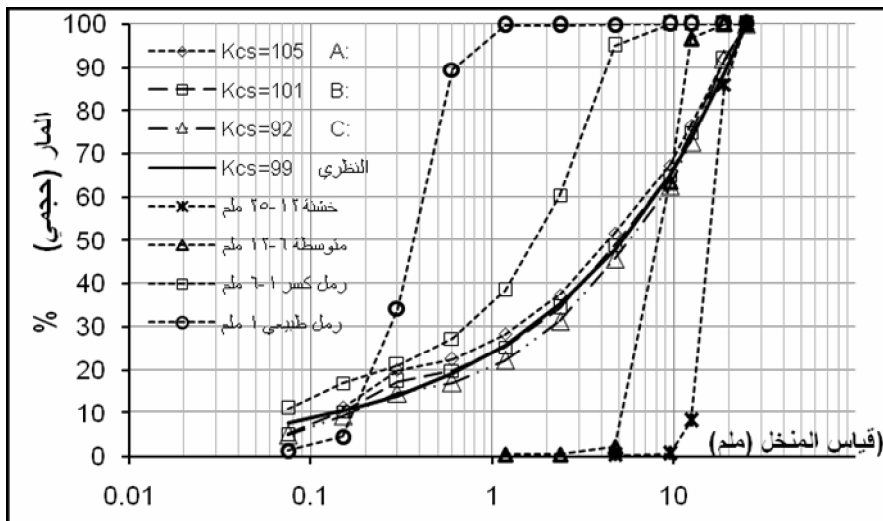
الشكل 2 - عامل النعومة لثلاثة منحنيات مختلفة



الشكل 3 - مقارنة المنحنى التراكمي الحجمي مع منحنى بولومي



الشكل 4 - العلاقة بين المتحولان F و g وفق القطر الاسمي الأعظم D_{max}



الشكل 5 - نتائج المقاربة مع المنحنى الافتراضي

الجدول 1- خوارزمية ترتيب مكونات البيتون

ماء	اسمنت	رمل طبيعي 1 mm	رمل كسر 1-6 mm	متوسطة 6-12 mm	خشنة 12-25 mm	نوع الحصىات
1000	3150	2650	2670	2780	2790	الكثافة النوعية Kg/m ³
1000	1300	1450	1600	1350	1350	الكتلة الحجمية الظاهر Kg/m ³
28	48	106	265	516	1000	حجم الفراغ قبل الإملاء (L)
28	20	58	160	250	483	حجم المادة في الخلطة (L)
28	62	154	424	696	1350	وزن المادة في الخلطة (Kg)

الجدول 2- نسب توزيع الحصىات بالكثافة العظمى والكثافة المعدلة

رمل طبيعي 1 mm	رمل كسر 1-6 mm	متوسطة 6-12 mm	خشنة 12-25 mm		نوع الحصىات
5,8%	16.1%	26.5%	51.4%	عظمى	نسبة وزن الحصىات في الخلطة
12.4%	34%	22.5%	31.1%	مخفضة	
22%		78%		عظمى	نسبة المواد الخشنة والناعمة
46.4%		53.6%		مخفضة	

الجدول 3- نسب توزيع الحصىات للتراكيب الثلاثة

رمل طبيعي 1 mm	رمل كسر 1-6 mm	بحص متوسط 6-12 mm	بحص خشن 12-25 mm	
12.1%	40%	22.5%	25.4%	التركيب A
9.2%	40%	23.5%	27.3%	التركيب B
6.4%	39.7%	24.5%	29.4%	التركيب C

7. ASTM C33 Standard Specification for Concrete Aggregates.
 8. ASTM C 94/C 94M – 03. « Standard Specification for Ready-Mixed Concrete ».
 9. ATM C 494/ C 494 – 99. « Standard Specification for Chemical Admixtures for Concrete ».
 10. NF EN 206-1 (2004) Béton – Partie 1: « Spécification, performance, production et conformité, AFNOR.
 11. Edwards, L.N., « Proportioning the materials of mortars and concretes by surface area of aggregates » , Proc. ASTM, 18, Part II, pp. 235-302 (1918)
 12. Day K.W., Concrete Mix Design, Quality Control and Specification, 3rd Ed., Publ. Taylor & Francis, Sept. 2006.
- Propovics S., The use of finesse modulus for the grading evaluation of aggregates for concrete. Mag. Conc. Res. 18, N° 56, pp. 131-40. 1966.

المراجع

1. Mays G., Durability of concrete structures. Taylor & Francis 2003.
2. Rozière E., Etude de la durabilité des bétons par une approche performantielle. Thèse de Doctorat, Ecole Centrale Nantes. N° ED 0367-3009. 2007
3. Férier, R., Sur la Compacité des mortier hydrauliques, Ann Ponts et Chaussée, Mem Doc, série 7, 4, 1892, pp. 5-164.
4. Dreux G., et Festa G., Nouveaux guide de béton et ses nouveaux constituants. 8^{eme} ed. Eyrolles 1992
5. ACI Committee 340, ACI Design Handbook (ACI 340R-97), P-17(97), American Concrete Institute, Farmington Hills, MI, 1997.
6. ASTM C 29 / C 29M – 97 (Reapproved 2003). « Standard Test Method for Bulk Density (“Unit Weight”) and Voids in Aggregate ».